

## **JEE MAIN-2014**

PAPER-II (B.ARCH.)

Duration: 3 Hours Max. Marks: 390

# Important Instructions / महत्त्वपूर्ण निर्देश

- Immediately fill in the particulars on this page of the test booklet whith blue/black ball point pen.
- This Test Booklet consists of three parts Part I, Part II and Part III. Part I has 30 objective type questions of Mathematics Test consisting of FOUR(4) marks for each correct response. Part II Aptitude Test has 50 objective type questions consisting of FOUR(4) marks for each correct response. Mark your answers for these questions in the appropriate space against the number corresponding to the question in the Answer Sheet placed inside this Test Booklet. Use Blue/Black Ball Point Pen only for writing particulars/marking responses of Side-1 and Side-2 of the Answer Sheet. Part III consists of 2 questions carrying 70 marks which are to be attempeted on a separate Drawing Sheet which is also placed inside the Test Booklet. Marks allotted to each question are written against each question. Use colour pencils or crayons only on the Drawing Sheet. Do not use water colours. For each incorrect response in Part I and Part II, one-fourth (1/4) of the total marks allotted to the question from the total score. No deduction from the total score, however, will be made if no response is indicated for an item in the Answer Sheet.
- There is only one correct response for each question in Part I and Part II. Filling up more than one response in each question will be treated as wrong response and marks for wrong response will be deducted accordingly as per instruction 2 above.
- The test is of 3 hours duration. The maximum marks are 390.
- 5. On completion of the test, the candidates must hand over the Answer Sheet of Mathematics and Aptitude Test Part-I & II and the Drawing Sheet of Aptitude Test-Part III alongwith Test Booklet for Part III to the Invigilator in the Room/Hall. Candidates are allowed to take away with them the Test Booklet of Aptitude Test-Part I & II
- 6. The CODE for this Booklet is M. Make sure that the CODE printed on Side-2 of the Answer Sheet and on the Drawing Sheet (Part III) is the same as that on this booklet. Also tally the Serial Number of the Test Booklet, Answer Sheet and Drawing Sheet and ensure that they are same. In case of discrepancy in Code or Serial Number, the candidate should immediately report the matter to the Invigilator for replacement of the Test Booklet, Answer Sheet and the Drawing Sheet.

- परीक्षा पुस्तिका के इस पृष्ठ पर आवश्यक विवरण नीले/काले बॉल पाइंट पेन से तत्काल भरें।
- इस परीक्षा पुस्तिका के तीन भाग हैं- भाग ।, भाग ॥, भाग ॥, पुस्तिका के भाग । में गणित के 30 वस्तुनिष्ठ प्रश्न हैं जिसमें प्रत्येक प्रश्न के सही उत्तर के लिये चार(4) अंक निर्धारित किय गये हैं। भाग ॥ गणित में 50 वस्तुनिष्ठ प्रश्न हैं जिनमें प्रत्येक सही उत्तर के लिए चार(4) अंक हैं। इन प्रश्नों का उत्तर इस परीक्षा पुस्तिका में रखे उत्तर पत्र में संगत क्रम संख्या के गोले में गहरा निशान लगाकर दीजिए। उत्तर पत्र के पृष्ठ-1 एवं पृष्ठ-2 पर वांछित विवरण लिखने एवं उत्तर अंकित करने हेतु केवल नीले/कोल बॉल पादंट पेन का ही प्रयोग करें। पुस्तिका के भाग ॥ में 2 प्रश्न है जिनके लिए 70 अंक निर्धारित हैं। यह प्रश्न इसी परीक्षा पुस्तिका के अंदर रखी ड्राइंग शीट पर करने है। प्रत्येक प्रश्न हेतू निर्धारित अंक प्रश्न के सम्मुख अंकित है। ड्राइंग शीट पर केवल रंगीन पेंसिल अथवा क्रेयोन का ही प्रयोग करें। पानी के रंगों का प्रयोग न करें। भाग । और भाग ॥ में प्रत्येक गलत उत्तर के लिए उस प्रश्न के लिए निर्धारित कुल अंकों में से एक-चौथाई (1/4) अंक कुल योग में से काट लिए जाएेंगे। यदि उत्तर पत्र में किसी प्रश्न का काई उत्तर नहीं दिया गया है, तो कुल योग में से कोई अंक नहीं काटें जाऐंगे।
- 3. इस परीक्षा पुस्तिका के भाग । और भाग ।। में प्रत्येक प्रश्न का केवल एक ही सही उत्तर है। एक से अधिक उत्तर देने पर उसे गलत उत्तर माना जायेगा और उपरोक्त निर्देश 2 के अनुसार अंक काट लिये जायेंगे।
- परीक्षा की अवधि 3 घण्टे है। अधिकतम अंक 390 है।
- 5. परीक्षा समाप्त होने पर, परीक्षार्थी अभिरूचि परीक्षण एवं गणित भाग । एवं भाग ।। का उत्तर पत्र एवं अभिरूचि परीक्षण भाग ।।। की ड्राइंग शीट एवं परीक्षा पुस्तिका भाग ।।। हाल/कक्ष निरीक्षक को सौंपकर ही परीक्षा हाल/कक्ष छोंड़े। परीक्षार्थी अभिरूचि परीक्षण अभिरूचि परीक्षण भाग । एवं ।। की पुस्तिका अपने साथ ले जा सकते है।
- इस पुस्तिका का संकेत M है। यह सुनिश्चित कर लें कि इस पुस्तिका का संकेत, उत्तर पत्र के पृष्ठ-2 एवं ड्राइंग शीट (भाग-III) पर छपे संकेत से मिलता है। यह भी सुनिश्चित कर लें कि परीक्षा पुस्तिका, उत्तर पत्र एवं ड्राइंग शीट पर क्रम संख्या मिलती है। अगर संकेत या क्रम संख्या मिन्न हो, तो परीक्षार्थियों को निरीक्षक से दूसरी परीक्षा पुस्तिका, उत्तर पत्र एवं ड्राइंग शीट लेने के लिए उन्हें तूरन्त इस त्रूटि से अवगत कराएँ।

Name of the Candiate (in Capital letters):									
Roll Number : in figures :									in words :
Name of Examination Centre (in Capital letters) :									
Candidate's Signature :					In	vigilat	or's Signature :		



## PART-I (MATHEMATICS)

# भाग-। (गणित)

- 1.  $\log_{10} 2$ ,  $\log_{10} (2^x - 1)$  and  $\log_{10} (2^x + 3)$  are three consecutive terms of an A, P for :
  - more than two real x.
  - (2) no real x
  - (3) exactly one real x
  - (4) exactly two real x

**x** के कितने मानों के लिए  $\log_{10}(2, \log_{10}(2^{x} - 1))$  तथा  $\log_{10}(2^{x} + 3)$  एक समातंर श्रेढ़ी के तीन क्रमागत पद हैं ?

- (1) x के दो से अधिक वास्तविक मानों के लिए।
- (2) x के किसी भी वास्तविक मान के लिए नहीं।
- (3) x के केवल एक वास्तविक मान के लिए।
- (4) x के केवल एक वास्तविक मान के लिए।

Ans.

 $2 \log_{10} (2^{x} - 1) = \log_{10} 2 + \log (2^{x} + 3)$ Sol.

$$\Rightarrow$$
 2<sup>2x</sup> + 1 - 1.2<sup>x</sup> = 2.2<sup>x</sup> + 6

or(या) 
$$2^{2x} - 4.2^x - 5 = 0$$

Let (माना) 2<sup>x</sup> = t

or(या) 
$$t^2 - 4t - 5 = 0$$

- $2^x = 5$  or one value of x ( $2^x = 5$  या x का एक मान)
- 2. If a circle has two of its diameters along the lines x + y = 5 and x - y = 1 and has area  $9\pi$ , then the equation of the circle is:

यदि एक वृत के दो व्यास रेखाओं x + y = 5 तथा x - y = 1 के अनुदिश हैं तथा जिसका क्षेत्रफल 9π हैं, तो उस वृत का समीकरण

(1) 
$$x^2 + y^2 - 6x - 4y + 4 = 0$$

(2) 
$$x^2 + y^2 - 6x - 4y - 3 = 0$$

(3) 
$$x^2 + y^2 - 6x - 4y - 4 = 0$$

(4) 
$$x^2 + y^2 - 6x - 4y + 3 = 0$$

Ans. (1)

on solving we get x = 3, y = 2

and area A = 
$$\pi r^2 = 9\pi$$
  $\Rightarrow$  r = 3

और क्षैत्रफल 
$$A = \pi r^2 = 9\pi \implies r = 3$$

so equation is 
$$(x - 3)^2 + (y - 2)^2 = 3^2$$

$$x^2 + y^2 - 6x - 4y + 4 = 0$$

A variable plane is at a constant distance p from the origin O and meets the set of rectangular axes OX, (i = 3. 1,2,3) at points  $A_i$  (i = 1,2,3), respectively. If planes are drawn through  $A_1$ ,  $A_2$ ,  $A_3$ , which are parallel to the coordinate planes, then the locus of their point of intersection is:

एक चर समतल मूलबिंदु O से एक अचर दूरी p पर रहता है और समकोणिक निर्देशांकों के एक समुच्चय OX, (i = 1,2,3) को बिंदुओं A, (i = 1,2,3), पर क्रमशः प्रतिच्छेद करता है। यदि A, A, A, से निर्देशांक समतलों के समातंर समतल खींचे जाते हैं तो उनके प्रतिच्छेद बिंदु पथ है :

(1) 
$$x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 = p^2$$

(2) 
$$\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2} + \frac{1}{x_3} = \frac{1}{p}$$

(3) 
$$\frac{1}{x_1^2} + \frac{1}{x_2^2} + \frac{1}{x_3^2} = \frac{1}{p^2}$$

(4) 
$$\frac{1}{x_1^3} + \frac{1}{x_2^3} + \frac{1}{x_3^3} = \frac{1}{p^3}$$

Ans. (3)

Let point be  $(\alpha, \beta, \gamma)$ Sol.

माना बिन्दु  $(\alpha, \beta, \gamma)$  है।

 $A_1$  ( $\alpha$ , 0, 0),  $A_2$  (0,  $\beta$ , 0),  $A_3$  (0, 0,  $\gamma$ )

and plane be  $\frac{x}{\alpha} + \frac{y}{\beta} + \frac{z}{\gamma} = 1$  ...(i)

और समतल  $\frac{x}{\alpha} + \frac{y}{\beta} + \frac{z}{\gamma} = 1$ ...(i)

distance from origin to plane (i) मूलबिन्दु से समतल (i) की दूरी

$$\frac{\left| \frac{0 + 0 + 0 - 1}{\sqrt{\frac{1}{\alpha^2} + \frac{1}{\beta^2} + \frac{1}{\gamma^2}}} \right| = p \quad \Rightarrow \quad \frac{1}{p^2} = \frac{1}{\alpha^2} + \frac{1}{\beta^2} + \frac{1}{\gamma^2}$$

so locus is (इसलिए बिन्दुपथ है)  $\frac{1}{x_1^2} + \frac{1}{x_2^2} + \frac{1}{x_2^2} = \frac{1}{n^2}$ 

If the mean and the standard deviation of 10 observation  $x_1, x_2, \dots, x_{10}$  are 2 and 3 respectively, then the 4. mean of  $(x_1 + 1^2)$ ,  $(x_2 + 1)^2$ ,..., $(x_{10} + 1)^2$  is equal to :

यदि 10 प्रेक्षणों  $\mathbf{x}_1$ ,  $\mathbf{x}_2$ ......, $\mathbf{x}_{10}$  का माध्य तथा मानक विचलन क्रमशः 2 तथा 3 है, तो  $(\mathbf{x}_1 + \mathbf{1}^2)$ ,  $(\mathbf{x}_2 + \mathbf{1})^2$ ,....., (x<sub>10</sub> + 1)<sup>2</sup> का माध्य है :

(1)18.0

(2)13.5

(3)14.4

(4) 16.0

Ans.

Sol. 
$$\sum_{i=1}^{10} x_i = 20$$
 as  $( \overline{\forall} [\Phi) \overline{x} = 2 \dots (i)$ 

and (और) 
$$\sqrt{\frac{\sum x_i^2}{10} - (\bar{x})^2} = 3$$

$$\Rightarrow \frac{\sum x_i^2}{10} - 4 = 9$$

... Mean of 
$$(x_1 + 1)^2 + (x_2 + 1)^2 + \dots + (x_{10} + 1)^2$$
 is

∴ Mean of 
$$(x_1 + 1)^2 + (x_2 + 1)^2 + \dots + (x_{10} + 1)^2$$
 is ∴  $(x_1 + 1)^2 + (x_2 + 1)^2 + \dots + (x_{10} + 1)^2$  का माध्य

$$\bar{x} = \frac{\sum (x_i + 1)^2}{10} = \frac{\sum x_i^2 + \sum 1 + 2\sum x_i}{70} = \frac{130 + 10 + 2(20)}{10} = \frac{180}{10} = 18$$

5. If 
$$\int \frac{1 - 5\sin^2 x}{\cos^5 x \sin^2 x} dx = \frac{f(x)}{\cos^5 x} + C$$
, then  $f(x)$  is:

यदि 
$$\int \frac{1-5\sin^2 x}{\cos^5 x \sin^2 x} dx = \frac{f(x)}{\cos^5 x} + C$$
 है, तो  $f(x)$  बराबर है :

 $(1) - \cot x$ 

(2) - cosec x

(3) cosec x

(4) cot x

Ans. (4)

Sol. Let (माना) 
$$T = \frac{1 - 5\sin^2 x}{(\cos x)^5 \sin^2 x}$$

$$T = \frac{\cos^2 x - 4\sin^2 x}{\cos^5 x \sin^2 x} = \frac{\cos^5 x - 4\sin^2 x \cos^3 x}{\cos^8 x \sin^2 x} = \frac{d}{dx} \left( \frac{1}{\cos^4 x \sin x} \right)$$

$$T = \frac{d}{dx} \left( \frac{\cot x}{\cos^5 x} \right)$$

$$\int T dx = \frac{\cot x}{\cos^5 x} + C$$

**6.** If 
$$S_k = \begin{pmatrix} 1 & k \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$
,  $k \in N$ , where N is the set of natural numbers, then  $(S_2)^n (S_k)^{-1}$ , for  $n \in N$ , is :

यदि प्राकृत संख्याओं के समुच्चय N के लिए  $S_k = \begin{pmatrix} 1 & k \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $k \in \mathbb{N}$  है, तो  $n \in \mathbb{N}$  के लिए  $(S_2)^n (S_k)^{-1}$  है :

(2) 
$$S_{2n+k-1}$$

(3) 
$$S_{2^{n}+k-1}$$

**Sol.** 
$$S_K = \begin{pmatrix} 1 & K \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

$$(S_2)^n (S_K)^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}^n \begin{bmatrix} 1 & K \\ 0 & 1 \end{bmatrix}^{-1} \dots (i)$$

$$now \qquad \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 6 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\therefore \qquad \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}^n \begin{bmatrix} 1 & 22 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \qquad \dots \text{(ii)}$$

$$\therefore \qquad \begin{bmatrix} 1 & \mathsf{K} \\ \mathsf{0} & 1 \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} 1 & -\mathsf{K} \\ \mathsf{0} & 1 \end{bmatrix} \qquad \dots \text{(iii)}$$

$$\therefore \qquad (i) \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 2n \\ 0 & 1 \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} 1 & -K \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & -K+2n \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = S_{2n-K}$$

7. Condiser the differential equation, 
$$ydx - (x + y^2)dy = 0$$
. If for  $y = 1$ , x takes value 1, then value of x when  $y = 4$  is :

अवकलन समीकरण  $ydx - (x + y^2)dy = 0$  पर विचार कीजिए । यदि y = 1 के लिए x का मान 1 है, तो y = 4 के लिए x का मान

- (1)64
- (2)9
- (3)16
- (4)36

Sol.  $y dx = (x + y^2) dy$ 

$$\frac{dx}{dy} - \frac{x}{y} = y$$

I.F. = 
$$e^{\int -\frac{1}{y} dy} = e^{-\ell n y} = \frac{1}{v}$$

so (इसलिए) 
$$x\left(\frac{1}{y}\right) = \int y\left(\frac{1}{y}\right) dy$$

$$\Rightarrow \frac{x}{y} = y + c$$

Put 
$$y = 1, x = 1$$
 रखने पर  $\Rightarrow$   $c = 0$ 

$$\Rightarrow$$
 x = y<sup>2</sup>

Now at (अब) y = 4,  $x = 4^2 = 16$ 

8. Let  $f(x) = |x - x_1| + |x - x_2|$ , where  $x_1$  and  $x_2$  are distinct real numbers. Then the number of points at which f(x)

(1) more than 3

- (2)1

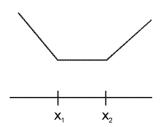
माना  $f(x) = |x - x_1| + |x - x_2|$  है, जहाँ  $x_1$  तथा  $x_2$  विभिन्न वास्तविक संख्याएँ हैं, तो उन बिंदुओं की संख्या जिन पर f(x) का मान न्युनतम है, हैं :

- (1) 3 से अधिक
- (2)1
- (3)2
- (4) 3

(1) Ans.

Graph of f(x) will be of Sol.

f(x) का आरेख होगा



So, numbers of points at which f(x) is minimum is infinite. So answer will be more than 3. इसलिए बिन्दुओं की संख्या जबकि f(x) न्यूनतम है, अनन्त है इसलिए उत्तर 3 से अधिक होगा।

If the lines  $\frac{x-4}{1} = \frac{y-2}{1} = \frac{z-\lambda}{3}$  and  $\frac{x}{1} = \frac{y+2}{2} = \frac{z}{4}$  intersect each other, then  $\lambda$  lies in the interval: 9.

यदि रेखाएँ  $\frac{x-4}{1} = \frac{y-2}{1} = \frac{z-\lambda}{3}$  तथा  $\frac{x}{1} = \frac{y+2}{2} = \frac{z}{4}$  परस्पर प्रतिच्छेदी हैं, तो  $\lambda$  जिस अंतराल में स्थित है, वह है :

$$(2) (-5, -3)$$

Ans.

**Sol.** 
$$\frac{x-4}{1} = \frac{y-2}{1} = \frac{z-\lambda}{3} = r_1 \text{ (let) (माना)}$$

$$x = r_1 + 4$$
,  $y = r_2 + 2$ ,  $z = 3r_1 + \lambda$ 

$$\frac{x}{1} = \frac{y+2}{2} = \frac{z}{4} = r_2 \text{ (let) (माना)}$$

$$x = r_2$$
,  $y = 2r_2 - 2$ ,  $z = 4r_2$ 

: both lines intersect each other, (दोनो रेखाएं एक दूसरे को प्रतिछेद करती है)

$$r_1 + 2 = 2r_2 - 2$$
 ...(ii)

 $3r_1 + \lambda = 4r_2$  ...(iii)

on solving equation (i) & (ii)

समीकरण (i) & (ii) को हल करने पर

$$r_1 = -4, r_2 = 0$$

put these values in equation (iii)

समीकरण (iii) में मान रखने पर

$$\lambda$$
 = 12

so,  $\lambda$  lies in interval (11, 13)

इसलिए  $\lambda$  अन्तरात (11, 13) में स्थित है।

10. Let 
$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{|x|} & \text{if } |x| > 2 \\ a + bx^2 & \text{if } |x| \le 2 \end{cases}$$
 then  $f(x)$  is differentiable at  $x = -2$  for :

(1) 
$$a = \frac{3}{4}$$
 and  $b = \frac{1}{16}$ 

(2) 
$$a = \frac{3}{4}$$
 and  $b = -\frac{1}{16}$ 

(3) 
$$a = -\frac{1}{4}$$
 and  $b = \frac{1}{16}$ 

(4) 
$$a = \frac{1}{4}$$
 and  $b = -\frac{1}{16}$ 

माना 
$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{|x|} & \text{यदि } |x| > 2 \\ & \text{\notine{e}}, \text{ तो } |x| = -2 \text{ पर } f(x) \text{ अवकलनीय है, यदि } : \\ a + bx^2 & \text{यदि } |x| \le 2 \end{cases}$$

(1) a = 
$$\frac{3}{4}$$
 तथा b =  $\frac{1}{16}$ 

(2) 
$$a = \frac{3}{4}$$
 तथा  $b = -\frac{1}{16}$ 

(3) 
$$a = -\frac{1}{4}$$
 तथा  $b = \frac{1}{16}$ 

(4) 
$$a = \frac{1}{4}$$
 तथा  $b = -\frac{1}{16}$ 

Ans.

Sol. 
$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{x} & x > 2 \\ -\frac{1}{x} & x < -2 \\ a + bx^2 & -2 \le x \le 2 \end{cases}$$

$$f(-2^{-}) = \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{2}$$
 = a + 4b equation (समीकरण) ... (1)

$$f(-2^+) = a + 4b$$

this is the condition (यह प्रतिबन्ध है)

$$f(-2) = a + 4b$$

for continuity at x = -2 (सतत्ता के लिए x = -2 पर)

for differentiability: (अवकलनीयता के लिए)

$$f'(-2^-) = \frac{1}{x^2}$$

$$f'(-2^+) = 2bx$$

$$\frac{1}{4} = -4b$$

$$b = -\frac{1}{16}$$

put this value of b in equation (1) (समीकरण (1) में b का मान रखने पर)

$$a-\frac{4}{16}=\frac{1}{2}$$

$$a-\frac{1}{4}=\frac{1}{2}$$

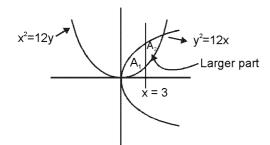
$$a = \frac{3}{4}$$

The area bounded by the curves  $y^2 = 12x$  and  $x^2 = 12y$  is divided by the line x = 3 in two parts. The area (in 11. square units) of the larger part is

वक्रों  $y^2 = 12x$  तथा  $x^2 = 12y$  के बीच घिरे क्षेत्रफल को, रेखा x = 3 द्वारा दो भागों में बांटा गया है। बडे भाग का क्षेत्रफल (वर्ग इकाइयों में) है।

- (1)245/4
- (2) 147/4
- (3)45/4
- (4) 137/4

Ans. (2)



Sol.

 $A_1$  and  $A_2$  are two areas;  $A_2$  is the larger part, we can check it on integrating then between given limits of x. A, एवं A, दो क्षेत्रफल है A, अधिकतम भाग है इसलिए हम इसको x की दी गई सीमा के लिए समाकलन करके जाचँ कर

$$A_1 = \int_{0}^{3} \sqrt{12x} - \frac{x^2}{12} = \frac{45}{4}$$

$$A_2 = \int_3^{12} \sqrt{12x} - \frac{x^2}{12} = \frac{147}{4}$$

Hence answer is  $\frac{147}{4}$ 

Let P be a point in the first quadrant lying on the ellipse  $9x^2 + 16y^2 = 16y^2 = 144$ , such that the tangent at P 12. to the ellipse is inclined at an angle 135° to the positive direction of x-axis. Then the coordinates of P are: माना P प्रथम चतुर्थाश का ऐसा बिंदु है जो दीर्घ वृत  $9x^2 + 16y^2 = 16y^2 = 144$  पर स्थित है तथा दीर्घ वृत के बिंदु P पर खींचीं गई स्पर्श रेखा x-अक्ष की धनात्मक दिशा के साथ 135° का कोण बनती है, तो P के निर्देशांक है।

$$(1)\left(\frac{16}{5},\frac{9}{5}\right)$$

(1) 
$$\left(\frac{16}{5}, \frac{9}{5}\right)$$
 (2)  $\left(\frac{\sqrt{143}}{3}, \frac{1}{4}\right)$  (3)  $\left(\frac{8}{9}, \frac{\sqrt{77}}{3}\right)$  (4)  $\left(\frac{4}{\sqrt{2}}, \frac{3}{\sqrt{2}}\right)$ 

$$(3)\left(\frac{8}{9},\frac{\sqrt{77}}{3}\right)$$

$$(4)\left(\frac{4}{\sqrt{2}},\frac{3}{\sqrt{2}}\right)$$

Ans.

Ans. (1)  
Sol. 
$$9x^2 + 16y^2 = 144$$

$$\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{9} = 1$$

slope of tangent m = tan 135°

स्पर्श रेखा की प्रवणता m = tan 135°

equation of tangent (स्पर्श रेखा का समीकरण)

$$y = (-1) x + \sqrt{16(-1)^2 + 9}$$

$$x + y = 5$$
 .....(i)

Tangent at any point  $(x_1, y_1)$  on ellipse is  $9xx_1 + 16yy_1 = 144$ 

दीर्धवृत्त पर कोई बिन्दु पर स्पर्श रेखा 9xx, + 16yy, = 144 ....(ii)

so compare (i) and (ii)

(i) और (ii) की तूलना करने पर

$$\frac{9x_1}{1} = \frac{16y_1}{1} = \frac{144}{5}$$

$$x_1 = \frac{16}{5}, y = \frac{9}{5}$$

point (बिन्दु) 
$$p\left(\frac{16}{5}, \frac{9}{5}\right)$$

13. Suppose that six students, including Madhu and Puja, are having six beds arranged in a row. Further, suppose that Madhu does not want a bed adjacent to Puja. Then the number of ways, the beds can be allotted to students is:

माना छः विद्यार्थियों, जिनमें मध् तथा पूजा सम्मिलित हैं, के पास एक पंक्ति में व्यवस्थित छः बिस्तर हैं। और मध्, पूजा के संलग्न वाला बिस्तर नहीं चाहती, तो जितने तरीकों से यह बिस्तर विद्यार्थियों को दिए जा सकते है, उन की संख्या है।

Ans.

arrangement of 
$$B_1$$
,  $B_2$ ,  $B_3$ ,  $B_4$  is  $\begin{vmatrix} 4 & 24 \end{vmatrix}$ 

Now there are 5 gap so arrange P and M in 5 gaps

ways = 
$${}^{5}P_{2} = \frac{5}{3} = 20$$

Now total ways =  $24 \times 20 = 480$ 

Hindi P, M,  $B_1$ ,  $B_2$ ,  $B_3$ ,  $B_4$ 

 $B_{1}, B_{2}, B_{3}, B_{4}$  को व्यवस्थित करने के तरिके | 4 = 24 |

अब इनके मध्य 5 स्थान है जिनमें P और M का व्यवस्थित करने के तरीके

तरीके = 
$${}^{5}P_{2} = \frac{5}{3} = 20$$

अब कुल तरीके = 24 × 20 = 480

14. If the point (p, 5) lies on the line parallel to the y-axis and passing through the intersection of the lines  $2(a^2 + 1)x + by + 4(a^3 + a) = 0$  and  $(a^2 + 1)x - 6by + 2(a^3 + a) = 0$  then p is equal to :

यदि बिंदू (p, 5) एक रेखा पर स्थित है जो y-अक्ष के समांतर है तथा रेखाओं

 $2(a^2 + 1)x + by + 4(a^3 + a) = 0$  तथा  $(a^2 + 1)x - 6by + 2(a^3 + a) = 0$  के प्रतिच्छेद बिंदू से होकज जाती है, तो p का मान है।

$$(2) - 2a$$

$$(3) - 3a$$

Ans. (2)

Sol. Line parallel to y-axis is x = p

$$y$$
-अक्ष के समान्तर रेखा  $x = p$ 

$$2(a^2 + 1) p + by + 4(a^3 + a) = 0$$

$$(a^2 + 1) p - 3by + 2(a^3 + a) = 0$$

equation (i) is (समीकरण (i) है )  $6(a^2 + 1) p + 3by + 12 (a^3 + a) = 0$  $(a^2 + 1) p - 3by + 2 (a^3 + a) = 0$ 

adding (जोड़ने पर)

$$7(a^2 + 1) p + 14 (a^3 + a) = 0$$
  
 $7(a^2 + 1) p = -14 (a) (a^2 + 1)$ 

p = -2a

 $f(x) = |x \log_a x|, x > 0$ , is monotonically decreasing in : 15.

 $f(x) = |x \log_a x|, x > 0$ , जिस अंतराल में एकदिष्ट हासमान है, वह है :

$$(2)\left(0,\frac{1}{e}\right) \qquad \qquad (3)\left[\frac{1}{e},1\right]$$

$$(3)\left[\frac{1}{e},1\right]$$

(4) (1, e)

Ans.

 $f(x) = |x \ell n x|, x > 0$ Sol.

$$f(x) = \begin{cases} -x\ell nx &, & 0 < x < 1 \\ x\ell nx &, & x > 1 \end{cases}$$

$$f'(x) = \begin{cases} -\ell nx - 1 &, & 0 < x < 1 \\ \ell nx + 1 &, & x > 1 \end{cases}$$

for decreasing function f'(x) < 0

वर्धमान फलन के लिए f'(x) < 0

$$\ell \ln x + 1 < 0 \quad \Rightarrow \quad \ell \ln x < -1 \quad \Rightarrow \quad x < e^{-1} \Rightarrow \quad x < \frac{1}{e}$$

x > 1 Not possible

x > 1 सम्भव नहीं परन्तु

$$\ell n x + 1 > 0$$

$$\ell n \times > -1$$

$$x > e^{-1} \Rightarrow x > \frac{1}{e} \text{ but } x < 1$$

so इसलिए  $\left|\frac{1}{\rho}, 1\right|$ 

**16.** If 
$$f(x) = \frac{e^x}{1 + e^x}$$
,  $I_1 = \int_{f(-a)}^{f(a)} xg\{x(1 - x)\}dx$  and  $I_2 = \int_{f(-a)}^{f(a)} g\{x(1 - x)\}dx$ 

where g is not an identity function. Then the value of  $\frac{l_2}{l_4}$  is:

यदि If 
$$f(x) = \frac{e^x}{1 + e^x}$$
,  $I_1 = \int_{f(-a)}^{f(a)} xg\{x(1-x)\}dx$  तथा  $I_2 = \int_{f(-a)}^{f(a)} g\{x(1-x)\}dx$  है,

जहाँ g एक तत्समक फलन नहीं है, तो  $\frac{I_2}{I_4}$  का मान है :

$$(1) - 1$$

(3)

(2) 
$$\frac{1}{2}$$

**Sol.** 
$$f(x) = \frac{e^x}{1 + e^x}$$

$$f(-x) = \frac{e^{-x}}{1 + e^{-x}}$$
,  $f(-x) = \frac{1}{1 + e^{x}}$ 

$$\Rightarrow$$
 f(x) + f(-x) = 1

so 
$$f(a) + f(-a) = 1$$

Now 
$$I_1 = \int_{f(-a)}^{f(a)} x g(x(1-x)) dx$$
 ..... (1)

using property 
$$\int_a^b f(x) = \int_a^b f(a+b-x) dx$$

$$= \int_{f(-a)}^{f(a)} (1-x)g((1-x)(1-(1-x))) dx$$

$$I_{1} = \int_{f(-a)}^{f(a)} (1-x)g((1-x)x) dx \qquad .....(2)$$

adding 
$$2I_1 = \int_{f(-a)}^{f(a)} g(x(1-x)) dx$$

$$2I_1 = = I_2$$

$$\frac{I_2}{I_1} = 2$$

- 17. A vertical pole stands at a point A on the boundary of a circular park of radius a and blinds an angle  $\alpha$  at another point B on the boundary. If the chord AB subtends an angle  $\alpha$  at the centre of the park, the height of the pole is:
  - a त्रिज्या वाले एक वृत्तीय पार्क की परिसीमा पर स्थित बिन्दु A पर एक उर्ध्वाधर खम्बा खड़ा है जो परिसीमा के एक अन्य बिन्दु B पर कोण  $\alpha$  अंतरित करता है। यदि जीवा AB वृत्तीय पार्क के केन्द्र पर कोण  $\alpha$  अंतरित करती है, तो खम्भे की ऊँचाई है :

(1) 
$$2a\cos\frac{\alpha}{2}\cot\alpha$$
 (2)  $2a\sin\frac{\alpha}{2}\tan\alpha$  (3)  $2a\cos\frac{\alpha}{2}\tan\alpha$  (4)  $2a\sin\frac{\alpha}{2}\cot\alpha$ 

(2) 
$$2a\sin\frac{\alpha}{2}tan\alpha$$

(3) 
$$2a\cos\frac{\alpha}{2}tanc$$

(4) 
$$2a\sin\frac{\alpha}{2}\cot\alpha$$

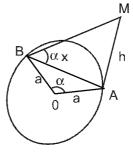
Ans.

**Sol.** In 
$$\triangle ABM$$
,  $\frac{h}{x} = \tan \alpha$ 

$$\Delta$$
ABM में,  $\frac{h}{x}$  = tan  $\alpha$ 

and और In 
$$\triangle OAB \frac{x/2}{a} = \sin \frac{\alpha}{2}$$
 .....(ii)

(i) and और (ii) 
$$h = 2$$
 a  $\sin \frac{\alpha}{2} \tan \alpha$ 



Let  $\frac{3\pi}{4} < \theta < \pi$  and  $\sqrt{2\cot\theta + \frac{1}{\sin^2\theta}} = K - \cot\theta$ , then K is equal to : 18.

माना 
$$\frac{3\pi}{4} < \theta < \pi$$
 है तथा  $\sqrt{2\cot\theta + \frac{1}{\sin^2\theta}} = K - \cot\theta$  है, तो  $K$  बराबर है :

$$(2) -$$

(2) Ans.

Sol. 
$$\frac{3\pi}{5} < \theta < \pi$$

$$\sqrt{2\cot\theta + \frac{1}{\sin^2\theta}} = k - \cot\theta$$

$$2\cot\theta + \csc^2\theta = k^2 + \cot^2\theta - 2k \cot\theta$$

$$2\cot\theta + 1 + \cot^2\theta = k^2 + \cot^2\theta - 2k \cot\theta$$

$$\Rightarrow$$
 2(1 + k )cot $\theta$  = k<sup>2</sup> - 1

$$\cot\theta = \frac{k-1}{2} \qquad \text{or} \qquad k+1=0$$

Now 
$$\frac{3\pi}{4} < \theta < \pi$$
  $\therefore$   $k = -1$ 

$$\Rightarrow -\infty < \cot \theta < -1 \qquad \Rightarrow \frac{k-1}{2} < -1$$

$$\Rightarrow$$
 k - 1 < - 2

19. Unit vectors 
$$\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$$
 are coplanar. A unit vector  $\vec{d}$  is perpendicular to them. If  $(\vec{a} \times \vec{b}) \times (\vec{c} \times \vec{d}) = \frac{1}{6} \hat{i} - \frac{1}{3} \hat{j} + \frac{1}{3} \hat{k}$ 

and the angle between  $\vec{a}$  and  $\vec{b}$  is 30°, then  $\vec{c}$  is / are :

मात्रक सदिश 
$$\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$$
 समतलीय है । यह मात्रक सदिश  $\vec{d}$  उन पर लम्बवत है । यदि  $\left(\vec{a} \times \vec{b}\right) \times \left(\vec{c} \times \vec{d}\right) = \frac{1}{6}\hat{i} - \frac{1}{3}\hat{j} + \frac{1}{3}\hat{k}$  है तथा

 $\vec{a}$  तथा  $\vec{b}$  के बीच का कोण 30° है, तो  $\vec{c}$  है/हैं :

$$(1)\left(\frac{-2\hat{i}-2\hat{j}+\hat{k}}{3}\right)$$

(2) 
$$\pm \left(\frac{-\hat{i}-2\hat{j}+2\hat{k}}{3}\right)$$

$$(3) \left( \frac{2\hat{i} + \hat{j} - \hat{k}}{3} \right)$$

(1) 
$$\left(\frac{-2\hat{i}-2\hat{j}+\hat{k}}{3}\right)$$
 (2)  $\pm\left(\frac{-\hat{i}-2\hat{j}+2\hat{k}}{3}\right)$  (3)  $\left(\frac{2\hat{i}+\hat{j}-\hat{k}}{3}\right)$  (4)  $\pm\left(\frac{-\hat{i}+2\hat{j}-2\hat{k}}{3}\right)$ 

Ans.

= [abd] 
$$\vec{c}$$
 - [ $\vec{a}\vec{b}\vec{c}$ ] d

$$(|\vec{a}||\vec{b}|\sin 30^{\circ}\cos 0)\vec{c} = \frac{1}{6}i - \frac{1}{3}j + \frac{1}{3}k$$

$$\vec{c} = \pm \left(\frac{1}{3}i - \frac{2}{3}j + \frac{2}{3}k\right)$$

$$(1) b + c$$

**Sol.** 
$$aN = \{ax ; n \in N\}$$

21. Let  $f(x) = (x + 1)^2 - 1$ ,  $x \ge -1$ , then the set of  $\{x : f(x) = f^{-1}(x)\}$ :

- (1) contains more than two elements
- (2) is an empty set
- (3) contains exactly one element
- (4) contains exactly two elements

माना  $f(x) = (x + 1)^2 - 1$ ,  $x \ge -1$  है, तो समुच्चय  $\{x : f(x) = f^{-1}(x)\}$ :

(1) में दो से अधिक अवयव है।

(2) एक रिक्त समृच्चय है।

(3) में केवल एक अवयव है

(4) में केवल दो अवयव है।

Ans.

Sol.  $f(x) = (x + 1)^2 - 1$ 

$$f(x) = f^{-1}(x)$$

$$\Rightarrow$$
  $f(x) = x$ 

$$(x + 1)^2 - 1 = x$$

$$x^2 + x = 0$$

$$x = 0, -1$$

22. The locus of the mid points of the chords of the parabola  $x^2 = 4py$  having slope m is a:

- (1) circle with centre at origin and radius |2pm|
  - (2) line parallel to x-axis at a distance |2pm| from it.
  - (3) line parallel to y-axis at a distance |2pm| from it.
  - (4) line parallel to y = mx,  $m \ne 0$  at a distance |2pm| from it

परवलय  $\mathbf{x}^2 = 4 \mathbf{p} \mathbf{y}$  की जीवाओं, जिनकी ढाल  $\mathbf{m}$  है, के मध्य बिन्दुओं का बिन्दु पथ :

- (1) एक वृत्त है जिसका केन्द्र मूल बिन्दु है तथा त्रिज्या |2pm| है।
- (2) एक रेखा है जो x-अक्ष के समातंर है तथा उससे |2pm| की दूरी पर है।
- (3) एक रेखा है जो y-अक्ष के समातंर है तथा उससे |2pm| की दूरी पर है।
- (4) y = mx, m ≠ 0 के समातंर रेखा है तथा उससे |2pm| की दूरी पर है।

Ans.

A(2pt<sub>1</sub>, 2pt<sub>1</sub><sup>2</sup>), B (2pt<sub>2</sub>, pt<sub>2</sub>) Sol.

$$m = \frac{t_1 + t_2}{2}$$
 .....(i)

mid point of chord AB

जीवा AB का मध्य बिन्दू

$$(h, k) \equiv \left(p(t_1 + t_2), \frac{p(t_1^2 + t_2^2)}{2}\right)$$

$$h = p(t_1 + t_2), k = \frac{p}{2} ((t_1 + t_2)^2 - 2t_1 t_2)$$

x = 2pm

If the roots of the equation  $\frac{1}{x+p} + \frac{1}{x+q} = \frac{1}{r}$  are equal in magnitude and opposite is sign, then the product of 23. roots is:

यदि समीकरण  $\frac{1}{x+p} + \frac{1}{x+q} = \frac{1}{r}$  के मूल परिमाण में समान है तथा विपरीत चिन्हों के है, तो मूलों का गुणनफल है :

(1) 
$$-\frac{1}{2}(p^2-q^2)$$
 (2)  $(p^2+q^2)$  (3)  $\frac{1}{2}(p^2-q^2)$  (4)  $-\frac{1}{2}(p^2+q^2)$ 

(2) 
$$(p^2 + q^2)$$

(3) 
$$\frac{1}{2}(p^2 - q^2)$$

(4) 
$$-\frac{1}{2}(p^2+q^2)$$

**Sol.** 
$$\frac{1}{x+p} + \frac{1}{x+q} = \frac{1}{r}$$

$$r(2x + p + q) = (x + p) (x + q)$$

$$\begin{aligned} x^2 + & (p+q-2r) \ x - r \ (p+q) + pq = 0 \\ \alpha + & \beta = 0 & \alpha\beta = -r \ (p+q) + pq \\ p+q = 2r & ......(i) \end{aligned}$$
$$= -\left(\frac{p+q}{2}\right) (p+q) + pq = -\left(\frac{p^2+q^2}{2}\right)$$

- 24. A biased coin with probability p, 0 < p < 1, of heads is tossed until a head appears for the first time. If the probability that the number of tosses required is even is  $\frac{2}{5}$ , then p is equal to एक अभिनत सिक्का, जिसमें चित्त आने की प्रायिकता p, 0 < p < 1 है, तब तक उछाला जाता है, जब तक कि पहली बार चित्त न आ जाए। यदि उछाले गए प्रयासों की संख्या सम होने की प्रायिकता  $\frac{2}{5}$  है, तो p है :
  - $(1) \frac{2}{3}$
- (2)  $\frac{1}{2}$
- (3)  $\frac{1}{3}$
- (4)  $\frac{1}{4}$

Ans. (3)

**Sol.** 
$$(1-p)p + (1-p)^3 p + 1(1-p)^5 p \dots = \frac{2}{5}$$

$$(1-p)p + (1+(1-p)^2 + (1-p)^4 \dots) = \frac{2}{5}$$

$$(1-p) p \left(\frac{1}{1-(1-p)^2}\right) = \frac{2}{5}$$

$$5(p-p^2) = 2 (2p-p^2)$$

$$3p^2 - p = 0$$

$$p(3p-1) = 0$$

$$p = 0, \frac{1}{3}$$

25. If 
$$\frac{48}{2.3} + \frac{47}{3.4} + \frac{46}{4.5} + \dots + \frac{2}{48.49} + \frac{1}{49.50} = \frac{51}{2} + K \left( 1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{50} \right)$$
, then K equals :

यदि 
$$\frac{48}{2.3} + \frac{47}{3.4} + \frac{46}{4.5} + \dots + \frac{2}{48.49} + \frac{1}{49.50} = \frac{51}{2} + K \left(1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{50}\right)$$
, है, तो  $K$  बराबर है :

(1)2

- (2) -1
- $(3) \frac{1}{2}$
- (4)1

**Sol.** 
$$2 = \sum_{r=2}^{49} \frac{50 - r}{r(r+1)}$$

$$= \sum_{r=2}^{49} \frac{50}{r(r+1)} - \sum_{r=2}^{49} \frac{1}{r+1}$$
= (50)

$$\left[ \left( \frac{1}{2} - \frac{1}{3} \right) + \left( \frac{1}{3} - \frac{1}{4} \right) + \dots + \left( \frac{1}{49} - \frac{1}{50} \right) \right] - \left[ \frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \dots + \frac{1}{50} \right]$$

$$= 50 \left[ \frac{1}{2} - \frac{1}{50} \right] - \left[ 1 + \frac{1}{2} + \dots + \frac{1}{50} \right] + 1 + \frac{1}{2} = 50 \times \frac{48}{2.50} - \left[ 1 + \dots + \frac{1}{50} \right] + \frac{3}{2}$$

$$= 24 + \frac{3}{2} - \left[ 1 + \frac{1}{2} + \dots + \frac{1}{50} \right] = \frac{51}{2} - \left[ 1 + \frac{1}{2} + \dots + \frac{1}{50} \right]$$

$$\Rightarrow k = -1$$

If f(x) = (x - p)(x - q)(x - r), where p < q < r, are real numbers, then the application of Rolle's theorem on f 26. leads to:

यदि f(x) = (x - p)(x - q)(x - r) है, जहाँ p < q < r वास्तविक संख्याएँ हैं, तो f पर रोले के प्रमेय के अनुप्रयोग से मिलता है:

(1) 
$$(p + q + r)^2(qr + rp + pq) = 3$$

(2) 
$$(p + q + r)^2 = 3(qr + rp + pq)$$

(3) 
$$(p + q + r)^2 > 3(qr + rp + pq)$$

(4) 
$$(p + q + r)^2 < 3(qr + rp + pq)$$

Ans. (3)

**Sol.** 
$$f(x) = (x - p) (x - q) (x - r)$$

$$f(p) = p(q) = f(r) = 0$$

so Rolle's is applicable in (p, q) and (q, r)

इसलिए (p, q) और (q, r) में रोल प्रमेय लागृ है

$$f'(x) = (x-q)(x-r) + (x-p)(x-r) + (x-p)(x-q) = 0$$

$$3x^2 - 2(p + q + r)x + qr + pr + pq = 0$$

$$D = 4(p + q + r)^2 - 4 \times 3 (qr + pr + pq) > 0$$

$$(p + q + r)^2 > 3 (pq + pr + rp)$$

27. Sum of the last 30 coefficients of powers of x in the binomial expansion of  $(1 + x)^{59}$  is:

 $(1 + x)^{59}$  के द्विपद प्रसार में अन्तिम 30 पदों के x की घातों के गुणांकों का योग है :

$$(1) 2^{58}$$

$$(2) 2^{29}$$

$$(3) 2^{28}$$

$$(4) 2^{59} - 2^{29}$$

Ans. (1)

**Sol.** 
$$(1 + x)^{59} = {}^{59}C_0 + {}^{50}C_1x + {}^{59}C_2x^2 + \dots + {}^{59}C_{29}x^{29} + {}^{59}C_{30}x^{30} + \dots + {}^{59}C_{59}x^{59}$$

put 
$$x = 1$$

$$2^{59} = {}^{59}C_0 + {}^{59}C_1 + {}^{59}C_2 + \dots + {}^{59}C_{29} + {}^{59}C_{30} + \dots + {}^{59}C_{59}$$

$$2^{59} = {}^{59}C_{59} + {}^{59}C_{57} + \dots + {}^{59}C_{30} + {}^{59}C_{30} + \dots + {}^{59}C_{59}$$

$$2^{59} = {}^{59}C_{59} + {}^{59}C_{57} + \dots + {}^{59}C_{30} + {}^{29}C_{30} + \dots + {}^{59}C_{59}$$

$$\Rightarrow$$
 259 = 21

$$\Rightarrow$$
 k = 2<sup>58</sup>

If z is a complex number of unit modulus and argument  $\theta$ , then the real part of  $\frac{z(1-\overline{z})}{\overline{z}(1+\overline{z})}$  is: 28.

यदि z एक सम्मिश्र संख्या है जिसका मापांक 1 है तथा कोंणाक  $\theta$  है, तो  $\frac{z(1-\bar{z})}{\bar{z}(1+z)}$  का वास्तविक भाग है :

(1) 
$$2 \cos^2 \frac{\theta}{2}$$

(1) 
$$2\cos^2\frac{\theta}{2}$$
 (2)  $1 + \cos\frac{\theta}{2}$  (3)  $1 + \sin\frac{\theta}{2}$  (4)  $-2\sin^2\frac{\theta}{2}$ 

(3) 1 + 
$$\sin \frac{\theta}{2}$$

(4) –2 
$$\sin^2 \frac{\theta}{2}$$

**Sol.** 
$$|z| = 1, z_{7} = 1 \& z = \cos \theta + i \sin \theta$$

$$\frac{z(1-\overline{z})}{\overline{z}(1+z)} = \frac{z-1}{\overline{z}+1} = \frac{(\cos\theta-1)+i\sin\theta}{(\cos\theta+1)-i\sin\theta} \times \frac{(\cos\theta+1)+i\sin\theta}{(\cos\theta+1)+i\sin\theta}$$

$$=\frac{(\cos^2\theta-1)-\sin^2\theta+i(\cos\theta\sin\theta-\sin\theta+\cos\theta\sin\theta+\sin\theta)}{(\cos\theta+1)^2+\sin^2\theta}$$

Real part of 
$$\frac{z(1-\overline{z})}{\overline{z}(1+z)} = \frac{\cos^2\theta - \sin^2\theta - 1}{2 + 2\cos\theta} = -2\sin^2\frac{\theta}{2}$$

- 29. Let p and q be any two propositions.
  - **Statement 1:**  $(p \rightarrow q) \leftrightarrow q \lor \sim p$  is a tautology.
  - **Statement 2:**  $\sim (\sim p \land q) \land (p \lor q) \leftrightarrow p$  is a fallacy.
  - (1) Statement 1 is false and statement 2 is true.
  - (2) Both statement 1 and statement 2 are true.
  - (3) Both statement 1 and statement 2 are false.
  - (4) Statement 1 is true and statement 2 is false.
  - माना p तथा q कोई दो साध्य हैं।
  - कथन 1:  $(p \rightarrow q) \leftrightarrow q \lor \sim p$  एक पुनरूक्ति है।
  - कथन  $2: \sim (\sim p \land q) \land (p \lor q) \leftrightarrow p$  एक हेत्वाभास है।
  - (1) कथन 1 असत्य है तथा कथन 2 सत्य है।
  - (2) कथन 1 तथा कथन 2 दोनों सत्य हैं।
  - (3) कथन 1 तथा कथन 2 दोनों असत्य हैं।
  - (4) कथन 1 सत्य है तथा कथन 2 असत्य है।
- Ans. (4)
- Sol. S1 :  $(p \rightarrow q) \leftrightarrow (p \lor \sim q) \equiv (\sim p \lor q) \leftrightarrow (\sim p \lor q) \equiv tautology so S1 is true$ 
  - S2 :  $\sim (\sim p \land q) \land (p \lor q) \leftrightarrow p$
  - $\equiv (p \lor \neg q) \land p) \lor ((p \lor \neg q) \land q) \leftrightarrow p \equiv p \lor q \leftrightarrow p$

true when p is true & q is false

- p सत्य और q गलत है
- S2 is incorrect
- S2 गलत है
- In a  $\triangle ABC$ , if  $\begin{vmatrix} 1 & a & b \\ 1 & c & a \\ 1 & b & c \end{vmatrix} = 0$ , then  $\sin^2 A + \sin^2 B + \sin^2 C$  is: 30.
  - एक ΔABC में, यदि  $\begin{vmatrix} 1 & a & b \\ 1 & c & a \\ 1 & b & c \end{vmatrix} = 0 है, तो <math>\sin^2 A + \sin^2 B + \sin^2 C$  है :
  - (1)  $\frac{3\sqrt{3}}{2}$  (2)  $\frac{9}{4}$
- (4)2

- Ans. (1)
- Sol.  $\begin{vmatrix} 1 & a & b \\ 1 & c & a \\ 1 & b & c \end{vmatrix} = 0$ 
  - $1(c^2 ab) a(c a) + b(b c) = 0$  $a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca = 0$
  - a = b = c
  - $\therefore \sin^2 A + \sin^2 B + \sin^2 c = 3\sin^2 60^\circ = \frac{3\sqrt{3}}{2}$

## PART-II (APTITUDE TEST)

# भाग-॥ (अभिरूचि परीक्षण)

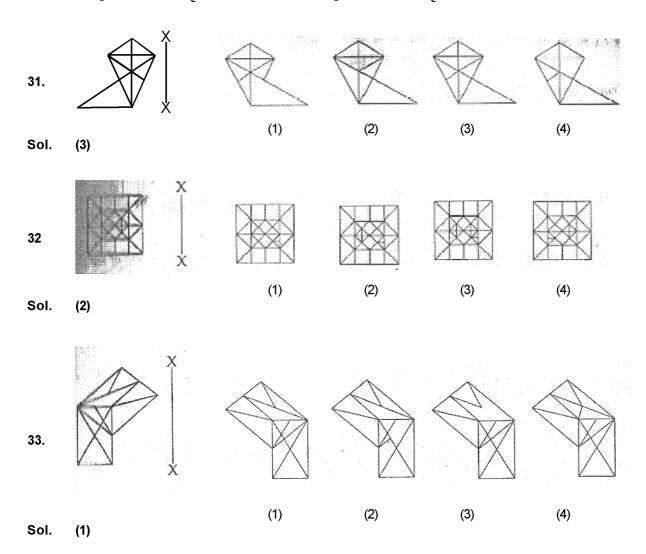
#### Direction (Q. 31 to 33.)

Which one of the answer figures it the correct mirror image of the problem figure with respect to X - X ? निर्देश (प्र. 31 से प्र. 33. के लिए)

उत्तर आकृतियों में से कौनसी आकृति दी गई प्रश्न आकृति का X - X से संबंधित दर्पण प्रतिबिम्ब है ?

Problem Figure / प्रश्न आकृति

Answer Figure / उत्तर आकृति



#### **Direction (Q. 34 to 35.)**

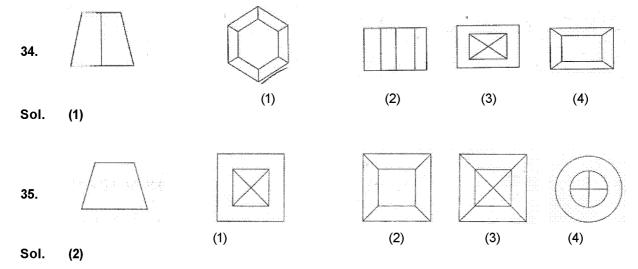
The problem figure shows the elevation of an object. Identify the correct top view amongst the answer figures.

#### निर्देश (प्र. 34 से प्र. 35. के लिए)

प्रश्न आकृति में किसी वस्तु का सम्मुख दृश्य दिखाया गया है। उत्तर आकृतियों में से इसका सही ऊपरी दृश्य पहचानिए।

Problem Figure / प्रश्न आकृति

Answer Figure / उत्तर आकृति



Direction (36)

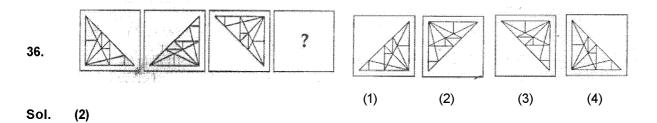
Which one of the answer figures will complete the sequence of the three problem figures.?

## निर्देश (प्र. 34 से प्र. 35. के लिए)

उत्तर आकृतियों में से कौनसी आकृति को तीन प्रश्न आकृतियों में लगाने से अनुक्रम (sequence) पूरा हो जाएगा?

Problem Figure / प्रश्न आकृति

Answer Figure / उत्तर आकृति



Direction (For Q. 37 to 38).

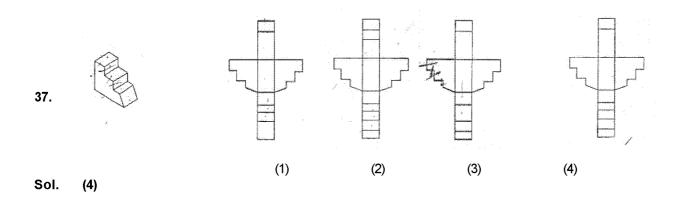
Which one of the answer figures, shows the correct view of the 3-D problem figure, after the problem figure is opened up?

निर्देश (प्र. 37 से प्र. 38 के लिए)

3-D प्रश्न आकृति को खोलने पर, उत्तर आकृतियों में से सही दृश्य कौन सा है ?

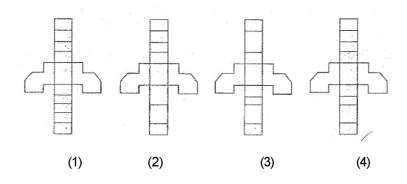
Problem Figure / प्रश्न आकृति

Answer Figure / उत्तर आकृति



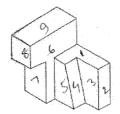






Sol. (4)





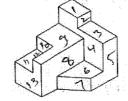
(1) 10 **(3)** Sol.

(2) 13

(3) 12

(4) 11

40.



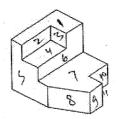
(1) 16 **(1)** Sol.

(2) 14

(3) 15

(4) 17

41.



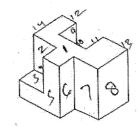
(1) 15Sol. (4)

(2) 11

(3) 12

(4) 14

42.



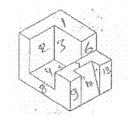
Sol.

(1) 14 **(2)**  (2)15

(3) 12

(4) 13

43.



Sol.

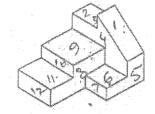
(3)

(1) 13 (2) 15

(3) 16

(4) 14

44.



(1) 13

Sol. (2)

(2) 15

(3) 16

(4) 14

Direction: (For Q.45 and 46)

One of the following answer figures is hidden in the problem figure, in the same size and direction. Select, which one is correct?

निर्देश: (प्र.45 और 46 के लिए)

नीचे दी गई उत्तर आकृतियों में से एक आकृति माप और दिशा में समान रूप से प्रश्न आकृति में छिपी है। कौन सी सही है, चुनिए।

Problem Figure / प्रश्न आकृति

Answer Figures / उत्तर आकृतियाँ

45.



(1) 🛆

(2)

(3)

4)

Sol. (2)



46.



(3)

Sol. (3)

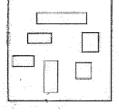
Direction: (For Q. 47 to 48)

The problem figure shows the top view of objects. Looking in the direction of arrow, identify the correction, from amongst the answer figures.

निर्देश: (प्रश्न Q. 47 से 48 के लिए)

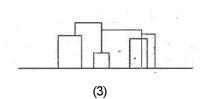
प्रश्न आकृति में वस्तुओं का ऊपरी दृश्य दिखाया गया है। तीर की दिशा में देखते हुए उत्तर आकृतियों में से इसका सही सम्मुख दृश्य पहचानिए।

47.



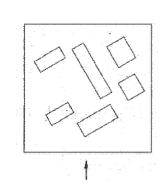
(1)



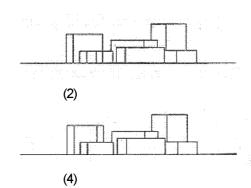




Sol. (4)



(1) (3)



Sol. (3)

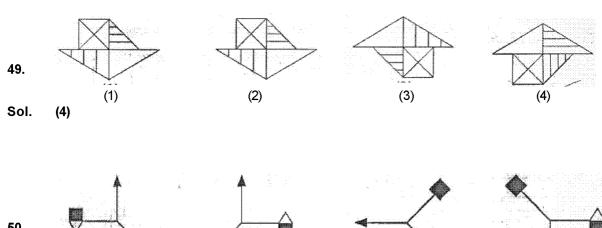
48.

Direction: (For Q. 49 to 52)

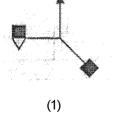
Find the odd figure out in the problem figures given below.

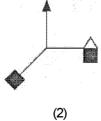
निर्देश: (प्रश्न Q. 49 से 52 के लिए)

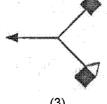
नीचे दी गई प्रश्न आकृतियों में से आकृति बनाएँ।



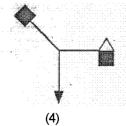
50.







(3)



(2) Sol.

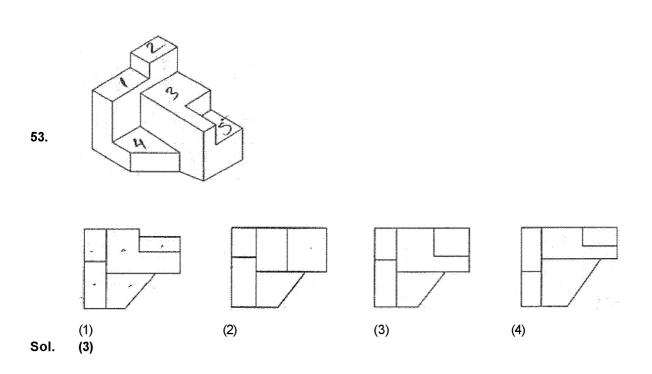
51. Sol. (1) (2) (3) (4) Sol. (3) (4) Sol. (3)

Direction: (For Q. 53to 55)

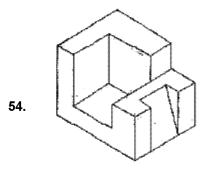
The 3 - D Problem figure shows the view of an object. Identify, its correct top view, from amongst the answer figures.

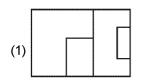
निर्देश: (प्रश्न Q. 49 से 52 के लिए)

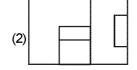
3 – D प्रश्न आकृति में एक वस्तु को दिखाया गया है। इसका सही ऊपरी दृश्यण उत्तर आकृतियों में से पहचानिए।

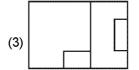


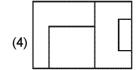
### Problem Figure / प्रश्न आकृति



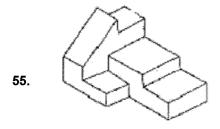




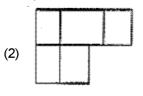


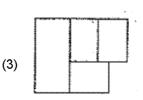


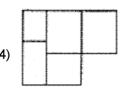
Sol. (4)











Sol. (1)

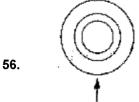
Directions: (For Q. 56 and 57).

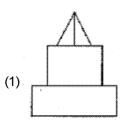
The problem figure ahows the top view of an object. Identify the correct elevation, from amongst the answer figures, looking in the direction of arrow.

निर्देश: (प्रश्न 56 और 57 के लिए)।

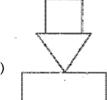
प्रश्न आकृति में किसी वस्तु का ऊपरी दृश्य दिखाया गया है। तीर की दिशा में देखते हुए उत्तर आकृतियों में से इसका सही सम्मुख दृश्य पहचानिए।

### Problem Figure / प्रश्न आकृति

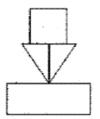




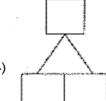
(2)



(3)

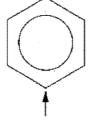


(4)



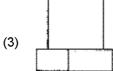
Sol. (2)

57.



(1)







Sol. (1)

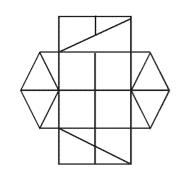
Directions: (For Q. 58 and 59).

How many minimum number of straight lines are required to draw the problem figure?

निर्देश: (प्रश्न 58 और 59 के लिए)।

नीचे दी गई प्रश्न आकृति को बनाने के लिए कम से कम, कितनी सीधी रेखाओं की आवश्यकता हैं ?

### Problem Figure / प्रश्न आकृति



58.

(1)21(2) Sol.

(2)18

(3)19

(4)20

59.

(1)12Sol. (2)

(2)11

(3)10

(4)9

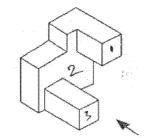
Directions: (For Q. 60 and 63).

The 3-D problem figure shows a view of an object. Identify the correct front view, from amongst the answer figure, looking in the direction of arrow.

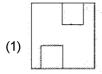
निर्देश: (प्रश्न 58 और 59 के लिए)।

3-D प्रश्न आकृति में एक वस्तु के दृश्य को दिखाया गया है। तीर की दिशा में देखते हुए, इसके सही सम्मुख दृश्य को उत्तर आकृतियों में से पहचानिये।

#### Problem Figure / प्रश्न आकृति



60.





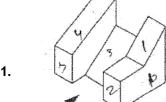
(3)



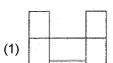
(4)



Sol. (2)



61.



(2)

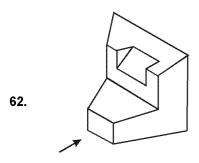


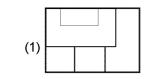
(3)

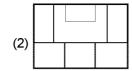


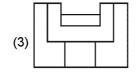


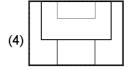
Sol. (2)



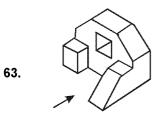








Sol. (4)











Sol. (4)

Directions: (For Q.64 and 65). How many total number of triangles are there in the problem figure given

निर्देश: (प्र. 64 और 65 के लिए): नीचे दी गई प्रश्न आकृति में त्रिभुजों की कुल संख्या कितनी है? Problem figure/प्रश्न आकृति

64. (1) 14

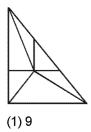
Sol. (2)

(2) 12

(3) 13

(4) 11

65.



Sol. (3) (2)11

(3)12

(4) 10

66.	What secondary colour i (1) Brown नीले और लाल रंगों को आप	(2) Pink	_	(3) Purple		(4) Orange
Sol.	(1) भूरा <b>(3)</b>	(2) गुलाबी		(3) बैंगनी		(4) नारंगी
67. Sol.	Why do large industrial to (1) Because the sum state (2) To get bright sunlight (3) To stop the workers for (4) To get uniform shado बड़ी औद्योगिक इमारतों में श्री (1) क्योंकि सूर्य उत्तर दिशा वि) पूरा दिन सूर्य की तेज रो (3) काम करने वालों को बाह (4) सारा दिन एक समान बिर्म (2)	ys on the North s throughout the d rom looking outsi w - less light thro गेशे को उत्तर दिशा में सारा दिन रहता है शनी पाने के लिए इर देखने से रोकने व	side thro ay de ugh the में उच्चम हे	ughout the day day स्तर पर क्यों लगाः		
68.	Fatehpur Sikri was built (1) Shah Jahan फतेहपुर सीकरी को बनाया थ	(2) Jahangir		(3) Akbar (3) अकबर ने		(4) Humayun
Sol.	(1) शाहजहाँ ने (3)	(८) जहागार न		(3) अकबर न		(4) हुमायुं ने
69. Sol.	Which one of the followi (1) Hot and Dry - Jaisalm (3) Cold and Dry-Ladakh इनमें से कौन-सा समुच्चय र (1) गरम और सूखा - जैसलमें (3) ठंडा और सूखा -लदाख (4)	ner नेल नहीं खाता ?	(2) Hot a	and Humid - Che perate - Shimla (2) गरम और नम (4) शीतोष्ण (Tem	- चेन्नई	शिमला
70. Sol.	Which one of the followin (1) Fabric इनमें से कौनसा, ध्विन परावद (1) कपड़ा (2) थर्मीव (4)	(2) Thermocol ਜੀਂ ਧਵਾਬੰ हੈ ?		aterial ? (3) Jute cloth न का कपड़ा	(4) काँच	(4) Glass
71. Sol.	Buckingham palace is lo बिकंघम पैलेस कहाँ स्थित है (1) Singapore बिकंघम पैलेस कहाँ स्थित है (1) सिंगापुर में (3)	? (2) Paris		(3) London (3) लंदन में		(4) Geveva (4) जेनेवा में
72. Sol.	Waht is texture ? (1) The way a surface loc (3) A type of shape संव्यूति क्या है ? (1) जिस तरह एक सतह दिख् (3) एक तरह का आकार (1)		ाती है	<ul><li>(2) A solid colou</li><li>(4) Lines drawn</li><li>(2) एक ठोस रंग</li><li>(4) एक रंग में लग्</li></ul>	in one co	blour

73.	(1) Granite	(2) Fly ash	ed in its onginarionn for d (3) Basalt अपनी मूल आकार में स्तेमाल	(4) Laterite
Sol.	(1) ग्रेनाइट (2)	(2) फ्लाइ ऐश	(3) बेसाल्ट	(4) मखरला (लैटेराइट)
301.	(2)			
74.	Who among the followin (1) Raj Rewal इनमें से कौन-सा वास्तुकार र	(2) Zaha hadid	(3) M.F. Hussain	(4) Mafiz Contractor
Sol.	(1) राज रेवाल (3)	(2) जाहा हदीद	(3) एम.एफ. हुसैन	(4) हफीज़ कॉन्ट्रैक्टर
75.	Which one of the followi (1) England - 10 Downing (3) Washington - White I निम्नांकित में से कौन-सा स्प् (1) इंगलैंड - 10 डऊनिंग स्ट्री	- House नुच्चय मेल नहीं खाता ?	? (2) San Francisco - Gold (4) Egypt - mississippi R (2) सेन फ्रांसिसकों - गोल्डन	iver
	(1) इगलेख - 10 खडाग्ग स्ट्र (3) वाशिंगटन - व्हाइट हाऊर		(4) मिस्र - मिसीसिपी दरिया	IO RIO I
Sol.	(4)	1	(4) गिन्न - गिसासिया पारपा	
76.	Lotus Temple in Delhi w (1) Muslims दिल्ली का लोटस मन्दिर कि	(2) Jews	(3) Jains	(4) Bahais
Sol.	(1) मुसलिमों ने <b>(4)</b>	(2) यहूदियों ने	(3) जैनियों ने	(4) बाहइयों ने
77.	Which one of the followi	ng is not a matching set 1	>	
	(1) Udaipur-Lakes (C) Varanasi-Ghats निम्नांकित में से कौनसा समु		(2) Sundarbans-Mangrov (4) Jaipur-Canals	es
	(1) उदयपुर – झीलें	व्यय गल गहा खाता?	(2) सुन्दरबन-मैनग्रोव	
Sol.	(C) वाराणसी-घाट ( <b>4</b> )		(4) जयपुर-नहरें	
78.	Croon architecture is pr	omoted these days becau	100 :	
70.	(1) Green is a good color		(2) It costs less initially	
	(3) It is environment frien	dly	(4) It lasts longer	
	•	ो प्रोत्साहन दिया जाता है क्यो		
	(1) हरा एक अच्छा रंग है	7	(2) इसमें आरम्भ में कम खर्च	होता है
Sol.	(3) यह पर्यावरण के अनुकुल (3)	Б	(4) यह देर तक चलता है	
79.	Which one of the followi	ng is an odd match 2		
70.	(1) Tsunami-Oceanic Ear (3) Ozone layer-UV rays निम्नांकित में से कौनसा समु	rthquake	(2) Deforestation-Climate (4) Shrinking polar caps	
	(1) ध्रवीय टोपी की सिकुड़न	– भूकंप	(2) सुनामी - महासागरीय भूकं	प
	(3) ओजोन की परत - यू.वी वि	केरणें	(4) वन - अपरोपण - जलवायु	परिवर्तन
Sol.	(4)			
80.		ng is not an earthquake r		
	(1) Timber framed buildir (3) Load bearing brick wa निम्नांकित ढाँचों में से कौनस	alls building	(2) RCC framed Structure (4) Steel framed building	9
	(1) लकड़ी के फ्रेम से बनी इ		(2) आर.सी.सी. फ्रेम से बनी	
Sol.	(3) भार रोकने वाली ईंटो की	। दीवर की इमारत	(4) स्टील के फ्रेम से बनी इंग	नारत

#### Read the following instructions carefully

- The candidates should fill in the required particulars on the Test Booklet and Answer Sheet (Side-1) with Blue/Black Ball Point Pen.
- For writing/marking particulars on Side-2 of the Answer Sheet, use Blue/Black Ball point Pen only.
- The candidates should not write their Roll Numbers anywhere else (except in the specified space) on the Test Booklet/ Answer Sheet.
- Out of the four options given for each question, only one option is the correct answer.
- For each incorrect response, one–fourth (1/4) of the total marks allotted to the question would be deducted should be deducted from the total score. No deduction from the total score, however, will be made if no response is indicated for an item in the Answer Sheet.
- 6. Handle the Test Booklet and Answer Sheet with care, as under no circumstances (except for discrepancy in Test Booklet Code and Answer Sheet Code), another set will be provided.
- 7. The candidates are not allowed to do any rough work or writing work are to be done in the space provided for this purpose in the Test Booklet itself, marked 'Space for Rough Work'. This space is given at the bottom of each page and in one page at the end of the booklet.
- On completion of the test, the candidates must hand over the Answer Sheet to the Invigilator on duty in the Room/Hall. However, the candidates are allowed to take away this Test Booklet with them.
- **9.** Each candidate must show on demand his/her Admit Card to the Invigilator.
- No candidate, without special permission of the Superintendent or Invigilator, should leave his/her seat.
- 11. The candidates should not leave the Examination Hall without handing over their Answer Sheet to the Invigilator on duty and sign the Attendance Sheet again. Cases where a candidates has not signed the Attendance Sheet a second time will be deemed not to have handed over the Answer Sheet and dealt with as an unfair means case. The candidates are also required to put their left hand THUMB impression in the space provided in the Attendance Sheet.
- **12.** Use of Electronic/Manual Calculator and any Electronic. Item like mobile phone, pager etc. is prohibited.
- 13. The candidates are governed by all Rules and Regulations of the JAB/Board with regard to their conduct in the Examination Hall. All cases of unfair means will be dealt with as per Rules and Regulations of the JAB/Board.
- **14.** No part of the Test Booklet and Answer Sheet shall be detached under any circumstances.
- 15. Candidates are not allowed to carry any textual material, printed or written, bits of papers, pager, mobile phone, electronic device or any other material except the Admit Card inside the examination hall/room.

#### निम्नलिखित निर्देश ध्यान से पढे:

- 1. परीक्षार्थी को परीक्षा पुस्तिका और उत्तर पत्र (पृष्ठ-1) पर वांछित विवरण नीले/काले बॉल प्वाइंट पेन से ही भरना है।
- 2. उत्तर पत्र के पृष्ठ-2 पर विवरण लिखने/अंकित करने के लिए केवल नीले/काले बॉल प्वाइंट पेन का प्रयोग करें।
- परीक्षा पुस्तिका/उत्तर पत्र पर निर्धारित स्थान के अलावा परीक्षार्थी अपना अनुक्रमांक अन्य कहीं नहीं लिखें।
- 4. प्रत्येक प्रश्न के लिये दिये गये चार विकल्पों में से केवल एक विकल्प सही है।
- 5. प्रत्येक गलत उत्तर के लिए उस प्रश्न के लिए निर्धारित कुल अंकों में से एक चौथाई (%) अंक कुल योग में से काट लिए जाऐंगे। यदि उत्तर पत्र में किसी प्रश्न का कोई उत्तर नहीं दिया गया है, तो कुल योग में से कोई अंक नहीं काटे जाएंगे।
- 6. परीक्षा पुस्तिका एवं उत्तर पत्र का ध्यानपूर्वक प्रयोग करें क्योंकि किसी भी परिस्थिति में (केवल परीक्षा पुस्तिका एवं उत्तर पत्र के संकेत में भिन्नता की स्थिति को छोड़कर), दूसरी परीक्षा पुस्तिका उपलब्ध नहीं करायी जाएगी।
- 7. उत्तर पत्र पर कोई भी रफ कार्य या लिखाई का काम, परीक्षा पुस्तिका में निर्धारित जगह जो कि 'रफ कार्य के लिए जगह' द्वारा नामांकित है, पर ही किया जाएगा। यह जगह प्रत्येक पृष्ठ पर नीचे की ओर और पुस्तिका के अन्त में एक पृष्ठ पर दी गई है।
- 8. परीक्षा सम्पन्न होने पर, परीक्षार्थी कक्षा/हॉल छोड़ने से पूर्व उत्तर पत्र कक्षा निरीक्षक को अवश्य सौंप दें। परीक्षार्थी अपने साथ इस परीक्षा पुस्तिका को ले जा सकते है।
- 9. पूछे जाने पर प्रत्येक परीक्षार्थी निरीक्षक को अपना प्रवेश कार्ड दिखाएँ।
- 10. अधीक्षक या निरीक्षक की विशेष अनुमति के बिना कोई परीक्षार्थी अपना स्थान न छोड़े।
- 11. कार्यरत निरीक्षक को अपना उत्तर पत्र दिए बिना एवं उपस्थिति पत्र पर दुबारा हस्ताक्षर किए बिना कोई परीक्षार्थी परीक्षा हॉल नहीं छोड़ेंगे। यदि किसी परीक्षार्थी ने दूसरी बार उपस्थिति पत्र पर हस्ताक्षर नहीं किए तो यह माना जाएगा कि उसने उत्तर पत्र नहीं लौटाया है जिसे अनुचित साधन प्रयोग श्रेणी में माना जाएगा। परीक्षार्थी अपने बांये हाथ के अंगूठे का निशान उपस्थिति पत्र में दिए गए स्थान पर अवश्य लगाएँ।
- 12. इलेक्ट्रॉनिक/हस्तचालित परिकलक एवं मोबाइल फोन, पेजर इत्यादि जैसे किसी इलेक्ट्रॉनिक उपकरण का प्रयोग वर्जित है।
- 13. परीक्षा हॉल में आचरण के लिए परीक्षार्थी ज.ए.ब./बोर्ड के सभी नियमों एवं विनियमों के अनुसार होगा।
- 14. किसी भी स्थिति में परीक्षा पुस्तिका तथा उत्तर पत्र का कोई भी भाग अलग नहीं किया जाएगा।
- 15. परीक्षार्थी द्वारा परीक्षा कक्ष हॉल/में प्रवेश कार्ड के अलावा किसी भी प्रकार की पाठ्य सामग्री, मुदित या हस्तलिखित, कागज की पर्चियाँ, पेजर, मोबाइल फोन या किसी भी प्रकार के इलेक्ट्रॉनिक उपकरणों या किसी अन्य प्रकार की सामग्री को ले जाने या उपयोग करने की अनुमित नहीं है।